

А. Л. ЦЕРКЛЕВИЧ

Львовский политехнический институт

ОБ ИЗОСТАЗИИ МАРСИАНСКОЙ КОРЫ

Изучение гравитационного поля и топографии Марса, выяснение основных закономерностей в распределении силы тяжести дает возможность создать определенное представление об изостатическом состоянии планеты. К настоящему времени гравитационное поле и топография Марса изучены настолько, что можно перейти к предварительному глобальному изучению изостатического состояния марсианской коры. Попытки затронуть этот вопрос уже предпринимались [11—13]. Наше исследование посвящено изучению изостатического состояния коры Марса на основе интерпретации вычисленных в центре двадцатиградусных равновеликих площадок изостатических аномалий силы тяжести.

Для Марса вычисление изостатических аномалий связано с известными трудностями, вызванными неполнотой знаний о строении планеты и заключающимися в первую очередь в сложности выбора наиболее удовлетворительной системы параметров для гипотезы изостатической компенсации. В дальнейшем принятая схема изостазии по Эри со следующей вариацией ее «свободных» параметров: $T_0 = 30, 50, 70, 100, 150$ км — нормальная толщина коры при нулевом рельфе, $\delta_k = 3,0$ г/см³ — плотность коры, $\delta_n = 3,5$ г/см³ — плотность масс подстилающего слоя. Заметим, что невозможно однозначно выбрать параметры с помощью только имеющейся к настоящему времени информации. Поэтому в некоторых пределах была допущена их вариация, позволившая выявить наиболее оптимальный вариант распределения изостатических аномалий с точки зрения их наименьшей зависимости от высот рельефа поверхности. Что же касается выбора значений плотности коры и верхней мантии, то именно такие параметры чаще всего используются в работах, посвященных внутреннему строению Марса [8, 12].

Выбрав параметры схемы изостазии, следует уточнить поверхность отсчета высот, а также понятия топографических

и компенсационных масс, которые вводятся при вычислении изостатических аномалий. В наших исследованиях за нулевую поверхность отсчета была принята основная уровенная поверхность (ареоид). При таком выборе отсчетной поверхности под топографическими массами понимают массу верхнего слоя марсианской коры с плотностью δ_k , возвышающуюся над этой поверхностью или находящуюся под ней. Если выполняется изостазия, то ниже или выше глубины T_0 существуют еще компенсационные массы, равные топографическим по величине, но противоположные по знаку.

Исходной информацией для исследований изостазии Марса послужили наиболее точные данные о гравитационном поле и топографии планеты, приведенные в работах [9, 14]. В работе [9] представлены результаты стереоскопического анализа пар снимков «Маринер-9» в виде каталога координат 1205 точек, где высоты физической поверхности даны с точностью до сотых долей километра над референц-эллипсоидом с параметрами $a=3393,4$ км, $b=3375,8$ км. Для тех участков поверхности, где данные каталога недостаточно хорошо представляют топографию планеты, были использованы «сглаженные» высоты, полученные нами в узлах картографической сетки с шагом $\Delta\phi=\Delta\lambda=10^\circ$ на основании коэффициентов разложения рельефа по сферическим функциям [10], а также высоты, приведенные в работе [9] для тех же узлов картографической сетки, определенные путем интерполирования и экстраполирования высот точек каталога. Параметры гравитационного поля Марса взяты по модели У. Сьегрена и др. [14], которая представлена гармоническими коэффициентами до девятого порядка включительно. Такое разложение примерно соответствует осреднению поля по площадкам $20^\circ \times 20^\circ$ и позволяет, по-видимому, учитывать крупные, весьма сглаженные волны уровенной поверхности и поля силы тяжести.

Методика вычисления изостатических аномалий силы тяжести основана на расчете топографо-изостатических поправок, которые суммируются затем с аномалиями «в свободном воздухе», осредненными по равновеликим площадкам $20^\circ \times 20^\circ$.

Разделим поверхность Марса в соответствии со следующей схемой. Сначала разобьем ее (аналогично разбиению И. Д. Жонголовича [2]) на 104 равновеликие двадцатиградусные трапеции $\Delta\sigma = \frac{4\pi}{104} \approx 0,12$ стерад., что соответствует приблизительно $1\ 440\ 000$ км 2 . Затем при центре каждой площадки выделим плоскую зону с радиусами $r_m=67, 135, 167, 200$ км*, а остальную часть площадки разделим на четыре равные части. Таким образом, в нашей схеме разбиения как бы выделяются три зоны: дальняя, ближняя и ближайшая (плоская). Общая площадь $1/4$

* Радиус ближайшей зоны варьируется в тех пределах, в которых мы допускаем региональную компенсацию.

части средней и ближней зоны равна десятиградусной площадке. Рассмотрим отдельно вычисление топографо-изостатических поправок в каждой из упомянутых зон.

Вычисление поправок за влияние ближайших зон. При вычислении поправок за топографию $\delta g_k^{\text{пл}}$ и за компенсацию $\delta g_c^{\text{пл}}$ в означенной зоне воспользуемся известными из гравиметрии формулами для вычисления вертикальной составляющей притяжения цилиндра на точку [3, 5]:

$$\begin{aligned}\delta g_k^{\text{пл}} &= -2\pi f \delta_k [h - \sqrt{r_m^2 + h^2} + r_m]; \\ \delta g_c^{\text{пл}} &= 2\pi f (\delta_n - \delta_k) [t + \sqrt{r_m^2 + T_0^2} - \sqrt{r_m^2 + (T_0 + t)^2}].\end{aligned}\quad (1)$$

Здесь h — толщина цилиндра, t — толщина слоя, компенсирующая массу цилиндра и определяемая из соотношения

$$t = \frac{\delta_k}{\delta_n - \delta_k} h. \quad (2)$$

Смысл всех других входящих сюда величин описан выше.

Вычисление поправок за влияние ближних зон. При расчете топографо-изостатических поправок за влияние указанных зон примем, что массы десятиградусных пло-

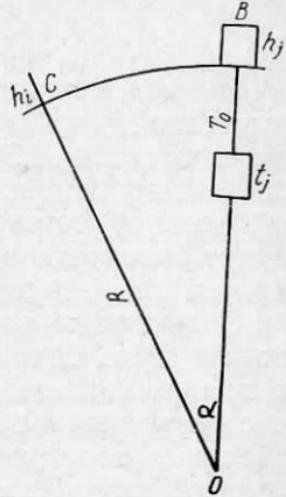


Рис. 1. Геометрическая схема, поясняющая соотношение между элементами формулы (3).

щадок, входящих в зону, сконденсированы в точках, находящихся в их центре. Тогда вертикальная составляющая притяжения, создаваемого точечной массой m , находящейся на расстоянии h_j от поверхности сферы радиуса R (для Марса $R=3390$ км), в точке на расстоянии h_i от поверхности той же сферы определяется выражением [3, 5] (рис. 1)

$$\Delta g = fm \frac{R - \left(R + \frac{h_j}{2}\right) \cos \alpha}{\left[R^2 + \left(R + \frac{h_j}{2}\right)^2 - 2R\left(R + \frac{h_j}{2}\right) \cos \alpha\right]^{\frac{3}{2}}}, \quad (3)$$

где $\alpha \approx 7^\circ 2$.

При этом предполагается, что топографические массы сконцентрированы в точке на расстоянии $h_j/2$ от поверхности Марса, а компенсационные — в точке на глубине $T_0 + t_j/2$.

Учитывая, что топографические массы должны быть равны компенсационным, определим окончательно топографо-изоста-

тическую поправку за влияние ближней зоны из соотношения

$$\delta g_{\text{бл.з}} = \delta g_k^{\text{бл.з}} + \delta g_c^{\text{бл.з}} = \sum_{j=1}^4 K_j h_j \times \\ \times \left[\frac{1 - a_j \cos \alpha}{(1 + a_j^2 - 2a_j \cos \alpha)^{3/2}} - \frac{1 - b_j \cos \alpha}{(1 + b_j^2 - 2b_j \cos \alpha)^{3/2}} \right]. \quad (4)$$

Здесь для упрощения записи формулы приняты следующие обозначения:

$$\left. \begin{aligned} a_j &= \frac{R + h_j/2}{R + h_i}; & b_j &= \frac{R - T_0 - t_j/2}{R + h_i}; \\ K_j &= -f \delta_k \frac{(R + h_j)^2}{R^2} \cdot \frac{\Delta \sigma - \pi r_m^2}{L}. \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

Вычисление поправок за влияние дальних зон. Из практики вычисления топографо-изостатических редукций за влияние дальних зон для Земли известно, что они обычно не превышают нескольких миллигаль. Для Марса из-за «грубости» (в высотном отношении) топографии планеты эти поправки, по-видимому, будут значительно большие. Поэтому их необходимо учитывать при вычислении изостатических аномалий.

Значения поправок за влияние дальних зон удобно вычислять по формуле типа (4) в предположении, что топографические и компенсационные массы сконцентрированы в точках, которые расположены в центрах двадцатиградусных площадок. Таким образом, топографо-изостатическая поправка, вычисляемая в средней точке двадцатиградусной площадки и обусловленная влиянием всех таких площадок поверхности планеты, запишется в виде формулы

$$\delta g_{\text{дал.з}} = \delta g_k^{\text{дал.з}} + \delta g_c^{\text{дал.з}} = \sum_{j=1}^{103} K_j h_j \times \\ \times \left[\frac{1 - a_j \cos Q_{ij}}{(1 + a_j^2 - 2a_j \cos Q_{ij})^{3/2}} - \frac{1 - b_j \cos Q_{ij}}{(1 + b_j^2 - 2b_j \cos Q_{ij})^{3/2}} \right], \quad (6)$$

где

$$a_j = \frac{R + h_j/2}{R}; \quad b_j = \frac{R - T_0 - t_j/2}{R}; \quad K_j = -f \delta_k \Delta \sigma = \text{const.} \quad (7)$$

Угол Q_{ij} находим из выражения

$$\cos Q_{ij} = \sin \varphi_i \sin \varphi_j + \cos \varphi_i \cos \varphi_j \cos (\lambda_j - \lambda_i)$$

через координаты φ_j, λ_j центров трапеций и φ_i, λ_i — координаты точки C_i .

Окончательно значения изостатических аномалий силы тяжести в центрах двадцатиградусных трапеций получаем по формуле

$$\Delta g_{i}^{20^\circ \times 20^\circ} = \Delta g_{\text{св.в}}^{20^\circ \times 20^\circ} + \delta g_{\text{дал.з}} + \delta g_{\text{близ.з}} + \delta g_k^{\text{пл}} + \delta g_c^{\text{пл}}. \quad (8)$$

Отметим, что точность вычисления топографо-изостатических поправок определяется в конечном итоге точностью задания средних высот рельефа, которые представлены неоднородно по всей поверхности Марса, и здесь можно лишь констатировать предельно возможную в среднем ошибку $\sim 1,5$ км [10].

Точность вычисления изостатических аномалий также зависит от точности определения осредненных аномалий «в свободном воздухе». Что касается ошибок, связанных непосредственно с предлагаемой методикой, то можно ожидать, что она внесет минимальные (пренебрегаемые по сравнению с вышеуказанными причинами) погрешности в значения изостатических аномалий.

В соответствии с приведенной выше методикой по модели гравитационного поля [14] были вычислены в узлах картографической сетки с шагом $\Delta\varphi = \Delta\lambda = 10^\circ$ значения ондуляций ареоида и смешанные аномалии силы тяжести относительно двухосновного эллипсоида с параметрами: $a = 3393,4$ км, $\alpha = 1/191$. Затем эти данные и данные о высотах топографии планеты (высоты отсчитывались от поверхности ареоида) осреднялись по соответствующим площадкам. Таким образом, для дальнейшего расчета изостатических аномалий были подготовлены осредненные по площадкам $20^\circ \times 20^\circ$ следующие данные: 1) ондуляции ареоида; 2) смешанные аномалии силы тяжести; 3) высоты топографии планеты, причем последние были осреднены также на каждую ближнюю и ближайшую зоны.

На основе этих данных и приведенных выше соотношений составлена программа для вычисления изостатических аномалий силы тяжести, в которой предусмотрена выдача на печать значений топографо-изостатических поправок для дальних, ближних и ближайших зон. Помимо этого, в программе был задан алгоритм для вычисления коэффициентов в уравнении регрессии вида

$$\Delta g_i = a + bh. \quad (9)$$

Для каждой комбинации параметров изостазии уравнение (9) служило критерием минимизации изостатических аномалий, причем признавалась наилучшей та схема, для которой b по абсолютной величине близко к нулю.

Проведенные вычисления показали, что модель схемы Эри с параметрами $T_0 = 30$ км, $\delta_k = 3,0$ г/см³, $\delta_n = 3,5$ г/см³, $r_m = 167$ км приводит к наиболее оптимальному, в указанном смысле, расположению изостатических аномалий. Для этого варианта изостатических аномалий уравнение регрессии выглядит следующим образом:

$$\Delta g_i = -5,4 - 0,4 h, \quad (10)$$

т. е. полученные изостатические аномалии почти не обнаруживают зависимости от средней высоты площадки.

Оценим теперь степень осуществления изостатической компенсации марсианской коры. Обратимся к рис. 2, где нанесены осредненные по равновеликим $20^\circ \times 20^\circ$ площадкам значения изостатических аномалий, позволяющие судить о степени уравновешенности только лишь очень крупных участков марсианской коры, аналогичных большим частям земных материков. Как видно из рис. 2, в целом для Марса на очень больших простран-

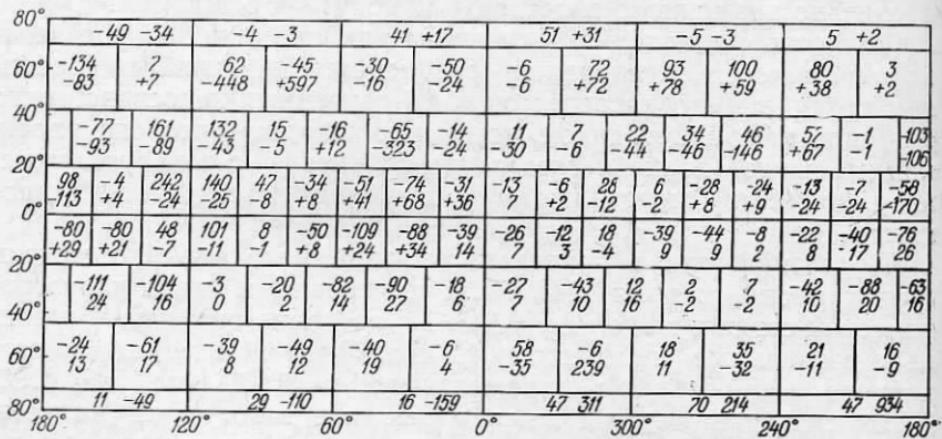


Рис. 2. Значения изостатических Δg_i (верхний ряд цифр) и коэффициенты перекомпенсации P (нижний ряд цифр).

ствах изостазия осуществляется с незначительными отклонениями. Интенсивные аномалии (порядка сотен мгл) редко занимают обширные площади. Таким образом, приходится признать, что для регионов, охватывающих большие площади, средние отклонения от изостазии невелики, и такие регионы, по-видимому, в первом приближении можно считать уравновешенными. Однако отметим, что в южном полушарии планеты преобладают аномалии одного знака (отрицательные). В общем случае подобные поля аномалий одного знака не могут иметь случайного характера: здесь, видимо, налицо проявление зональных аномалий. Так, на Земле обширные поля изостатических аномалий одного знака не являются результатом систематической перекомпенсации или недокомпенсации [2, 4]. К тому же на Земле расположение зональных аномалий не согласуется ни с рельефом, ни с аномалиями Буге. Все это показывает, что причина зональных изостатических аномалий — неоднородность оболочки Земли, и, вероятнее всего, ее верхних слоев [1, 4, 6].

На Марсе явно проявляется обратная зависимость зональных изостатических аномалий от рельефа планеты. Возможно, что эти аномалии обусловлены влиянием на силу тяжести сильно изрезанной топографии, а также плотностных неоднородностей верха мантии.

Определенный интерес представляет рассмотрение изостатического состояния планеты регионально по широтным поясам, охватывающим отдельные, заслуживающие внимания территории. Перед этим — в соответствии с целями нашей интерпретации — выполним некоторые дополнительные количественные расчеты. Прежде всего рассчитаем по методике, предложенной Е. Н. Люстиком [4], коэффициент перекомпенсации в процентах

$$P = \frac{\Delta g_i}{-2\pi f \delta_k h} \cdot 100\%. \quad (11)$$

Этот коэффициент равен нулю при точном равновесии, положителен при перекомпенсации и отрицателен при недокомпенсации или при обратном знаке аномальной массы. Однако P имеет реальный смысл [4] лишь для площадок, имеющих значительные высоты или глубины. Для площадок с небольшими возвышенностями или углублениями при сравнительно больших значениях изостатических аномалий коэффициенты перекомпенсации достигают весьма значительных величин, что, видимо, физически мало оправдано. Поэтому отклонение от равновесия в таких районах лучше выражать не в процентах, а в миллигалах.

Вычислим также и изменение рельефа подошвы коры планеты и мощность аномальных компенсационных масс * по формулам [7]

$$T' = T_0 + \frac{\delta_k}{\delta_n - \delta_k} h - K_A. \quad (12)$$

где K_A — мощность аномального компенсационного слоя, находимая из соотношения

$$K_A = \frac{\Delta g_i}{2\pi f (\delta_n - \delta_k)}. \quad (13)$$

Результаты счета по формулам (11)–(13) для всех 102-х площадок показаны на рис. 2, 3, которые можно теперь использовать при интерпретации отдельных регионов Марса.

Рассмотрим изостатическое состояние наиболее изрезанного в топографическом отношении экваториального пояса Марса (от $\varphi=0^\circ$ до $\varphi=20^\circ$ и от $\varphi=0^\circ$ до $\varphi=-20^\circ$). Северная часть его (от $\varphi=0^\circ$ до $\varphi=20^\circ$) охватывает такие большие топографические образования планеты, как Amazonis Planitia, Olympus Mons, Tharsis Montes, Lunae Planum, Syrtis Major Planitia, Isidis Planitia **. В южной части пояса (от $\varphi=0^\circ$ до $\varphi=-20^\circ$) находятся долины Valles Marineris, Hesperia Planum, горная область Tharsis Montes и другие менее обширные топографические структуры планеты. Судя по значениям Δg_i и K_A , наибольшие отклонения от изостатического равновесия приурочены к региону Tharsis Montes и Olympus Mons. Здесь наблюдаются интенсив-

* Под аномальными компенсационными массами понимают избыточные или недостающие компенсационные массы, вызывающие нарушение изостазии топографических масс.

** Названия топографических структур соответствует номенклатуре МАС для Марса [15].

ные изостатические аномалии, свидетельствующие, по-видимому, о возможной тектонической активности и о наличии сил, нарушающих равновесие. Преобладание положительных аномалий интерпретируется меньшей глубиной поверхности мантии под данным блоком коры и меньшей мощностью коры, чем необходимо для равновесия, т. е. указанные области скомпенсированы только частично (недокомпенсированы). Об этом говорит знак и значение коэффициента перекомпенсации (рис. 2).

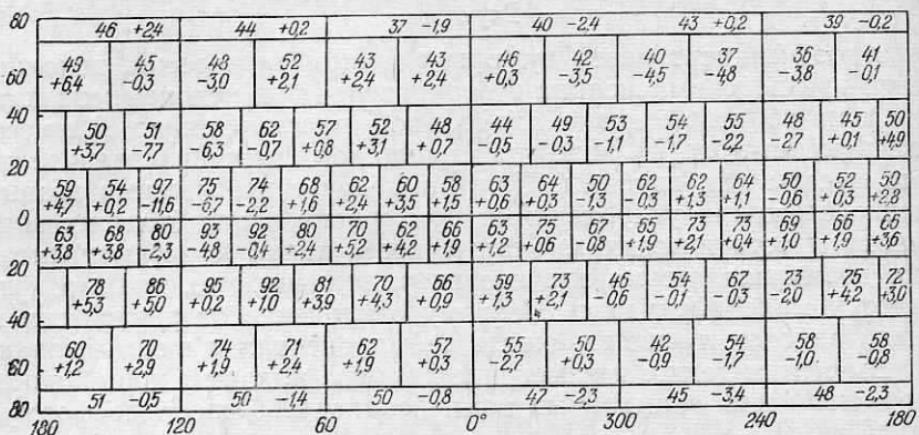


Рис. 3. Значение глубины рельефа подошвы коры T' (верхний ряд цифр)* и мощность аномального компенсационного слоя K_A (нижний ряд цифр).

Другие регионы, попадающие в этот широтный пояс, находятся практически в изостатическом равновесии (хотя для некоторых из них характерны большие изостатические аномалии), так как для этих площадок факт существования интенсивных аномалий силы тяжести еще не свидетельствует об отступлении от равновесия: здесь, с одной стороны, наблюдается практически полное совпадение изостатических аномалий и аномалий «в свободном воздухе», а с другой, — некоррелированность аномалий с топографией, что, видимо, связано с наличием плотностных неоднородностей в мантии и ядре планеты.

Обратимся теперь к данным рис. 2 для широтного пояса к северу от экватора ($\varphi = 20^\circ - 40^\circ$ и $\varphi = 40^\circ - 60^\circ$), занимающего главным образом равнинные районы Марса. Анализ этих данных также приводит к выводу о почти полной изостатической скомпенсированности коры планеты. Максимальные изостатические аномалии в этой полосе приурочены к областям, охватывающим Arcadia Planitia (-134 мгл), Amazonis Planitia (-77 , -103 мгл), Utopia Planitia (93 , 100 , 80 мгл), а также к горному району, расположенному в трапеции ($\varphi = 20^\circ - 40^\circ N$ и $\lambda = 96^\circ - 144^\circ W$). В этих районах изостатические аномалии имеют значения 161 , 132 мгл. Однако, как отмечалось выше, наличие в

* Значения T получены при $T_0 = 50$ км; в случае $T_0 = 30$ км T следует уменьшить на 20 км.

этих областях больших аномалий, вероятно, еще не характеризует значительных отклонений от равновесия.

В южном широтном поясе ($\phi = -20^\circ \dots -60^\circ$) наблюдается меньшее отклонение марсианской коры от равновесия, нежели в северном полушарии. Наиболее неуравновешена кора на участках, покрывающих районы Sigeum Fossae и Eos Chasma. В площадках, попадающих на эти районы, изостатические аномалии достигают соответственно -111 , -104 мгл и -82 , -90 мгл.

Таким образом, проведенный анализ поля изостатических аномалий определенно доказывает большую степень равновесия марсианской коры в региональном масштабе. Вместе с тем имеющиеся данные свидетельствуют и о наличии в отдельных районах отступлений от этого равновесия. В общем поле изостатических аномалий для Марса, по сравнению с Землей, имеет более сложный и «грубый» характер, что обусловлено, вероятно, его сложными топографией и внутренним строением.

Безусловно, выводы проведенных исследований носят определенно предварительный характер. Это связано, с одной стороны, со все еще недостаточным объемом фактических данных, касающихся изучения изостазии марсианской коры, и, в первую очередь, с отсутствием наблюденных на поверхности планеты значений силы тяжести g или гармонических коэффициентов разложения $\Delta g_{\text{св.в}}$ до высоких порядков, а также более точных данных о высотах топографии, а с другой, — с тем, что вопросы об изостатическом равновесии Марса тесно связаны с рядом изучаемых проблем смежных областей физики планеты.

Список литературы: 1. Артемьев М. Е. Изостазия территории СССР. М., Недра, 1975. 2. Жонголович И. Д. Внешнее гравитационное поле Земли и фундаментальные постоянные, связанные с ними. — Тр. ИТА, М.—Л., 1952, вып. 3. 3. Идельсон Н. И. Теория потенциала с приложениями к теории фигуры Земли и геофизике. М.—Л., Объединенное научно-техническое издательство, 1936. 4. Люстих Е. Н. Изостазия и изостатические гипотезы. — Тр. Геофиз. ин-та АН СССР, 1957, № 38. 5. Михайлов А. А. Курс гравиметрии и теории фигуры Земли. М., Редбюро ГУГК при СНК СССР, 1939. 6. Ушаков С. А. Строение и развитие Земли. — Итоги науки и техники. Серия «Физика Земли», т. 1. М., 1974. 7. Фролов А. И. Гравитационное поле, рельеф и некоторые вопросы внутреннего строения Луны. — Астрон. вестник, т. 5, № 4, 1971. 8. Binder A. B., Davis D. R. Internal structure of Mars. — Physics of the Earth and Planetary interiors, 1973, v. 7. 9. Davies M. C., Arthur D. W. G. Martian surface coordinates. — J. Geophys. Res., 1973, v. 78, № 20. 10. Christensen E. J. Martian topography derived from occultation, radar, spectral and optical measurements. — J. Geophys. Res., 1975, v. 80, № 20. 11. Phillips R. J. et al. Mars: Crystal structure inferred from Bouguer gravity anomalies. — J. Geophys. Res., 1973, v. 78, № 23. 12. Phillips R. J., Saunders R. S. The isostatic state of martian topography. — J. Geophys. Res., 1975, v. 80, № 20. 13. Reasenberg R. D. The moment of inertia and isostasy of Mars. — J. Geophys. Res., 1977, № 2. 14. Sjogren W. L. et al. Mars gravity field based on a Schott — Are technique. — J. Geophys. Res., 1975, v. 80, № 20. 15. de Vaucouleurs G. et al. The New Martian Nomenclature of the International Astronomical Union. — Icarus, 1975, v. 26.

Работа поступила в редакцию 16 декабря 1977 года. Рекомендована кафедрой теории математической обработки геодезических измерений Львовского политехнического института.