

В. А. КОВАЛЕНКО

### К ОПРЕДЕЛЕНИЮ ГЕОДЕЗИЧЕСКОГО АЗИМУТА ПО НАБЛЮДЕНИЯМ ДВУХ ЗВЕЗД, РАСПОЛОЖЕННЫХ В ОДНОЙ ВЕРТИКАЛЬНОЙ ПЛОСКОСТИ СИММЕТРИЧНО ОТНОСИТЕЛЬНО ЗЕНИТА

Известно, что определение астрономического азимута направления на земной предмет сводится к определению астрономического азимута светила и измерению горизонтального угла между светилом и земным предметом.

Условимся вести счет азимутов от точки севера. Пусть, далее,  $a_{\varphi\lambda}$  (см. рис. 1) — астрономический азимут светила  $\sigma$ , вычисляемый с астрономическими координатами места наблюдения  $\varphi$  и  $\lambda$ ;  $Q$  — горизонтальный угол между светилом и земным предметом  $M$ .

Тогда астрономический азимут  $\alpha$  направления на земной предмет определится из выражения:

$$\alpha = a_{\varphi\lambda} + Q. \quad (1)$$

Геодезический азимут  $A_r$  направления на земной предмет получают по формуле Лапласа:

$$A_r = \alpha - \eta \operatorname{tg} \varphi + (\eta \cos A - \xi \sin A) \operatorname{ctg} z_m. \quad (2)$$

где  $\eta$  и  $\xi$  — слагающие уклонения отвесной линии,

$z_m$  — зенитное расстояние.

Если  $a_{BL}$  — геодезический азимут светила, то согласно уравнению (2)

$$a_{BL} = a_{\varphi\lambda} - \eta \operatorname{tg} \varphi + (\eta \cos a - \xi \sin a) \operatorname{ctg} z_\sigma. \quad (3)$$

Вычитая (3) из (2), будем иметь:

$$A_r - a_{BL} = (\alpha - a_{\varphi\lambda}) - (\eta \cos a - \xi \sin a) \operatorname{ctg} z_\sigma + (\eta \cos A - \xi \sin A) \operatorname{ctg} z_m.$$

Так как  $\alpha - a_{\varphi\lambda} = Q$ , то

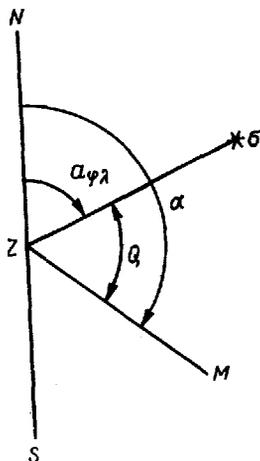


Рис. 1.

$$A_r = a_{BL} - (\eta \cos a - \xi \sin a) \operatorname{ctg} z_s + Q + (\eta \cos A - \xi \sin A) \operatorname{ctg} z_m.$$

Обычно  $z_m \approx 90^\circ$ .

Пренебрегая ввиду малости последним членом правой части равенства, получим известное уравнение, позволяющее определять геодезический азимут направления на земной предмет непосредственно из астрономических наблюдений:

$$A_r = a_{BL} - (\eta \cos a - \xi \sin a) \operatorname{ctg} z_s + Q. \quad (4)$$

Здесь  $a_{BL}$  вычисляется с геодезическими координатами  $B$  и  $L$ , а поправка за уклонение отвесной линии  $\Delta A = (\eta \cos a - \xi \sin a) \operatorname{ctg} z_s$  может быть исключена наблюдениями двух звезд, расположенных в одной вертикальной плоскости симметрично относительно зенита.

При таком выборе звезд  $a_2 = 180^\circ + a_1$ ,  $z_2 = z_1$  и  $\Delta A_1 = -\Delta A_2$ . Следовательно,

$$A_r = (a_{BL})_{\text{ср}} + Q_{\text{ср}}. \quad (5)$$

Строгое соблюдение указанных условий наблюдения практически трудно выполнимо.

Поэтому будут иметь место равенства:

$$\Delta a = a_2 - (180^\circ + a_1),$$

$$\Delta z = z_2 - z_1,$$

которые вызовут необходимость введения в азимут  $A_r$ , вычисленный по формуле (5), поправки  $\delta A = \frac{1}{2}(\Delta A_1 + \Delta A_2)$ , обусловленной остаточным влиянием уклонения отвесной линии.

Вычислим те значения  $\Delta a$  и  $\Delta z$ , при которых поправка  $\delta A$  становится пренебрегаемо малой.

Запишем:

$$\Delta A_1 = (\eta \cos a_1 - \xi \sin a_1) \operatorname{ctg} z_1,$$

$$\Delta A_2 = (\eta \cos a_2 - \xi \sin a_1) \operatorname{ctg} z_2.$$

Так как  $a_2 = (180^\circ + a_1) + \Delta a$ ,  $z_2 = z_1 + \Delta z$ , то с учетом первых степеней малых величин  $\Delta a$  и  $\Delta z$  получим:

$$\begin{aligned} \Delta A_2 = & -(\eta \cos a_1 - \xi \sin a_1) \operatorname{ctg} z_1 + (\eta \sin a_1 + \xi \cos a_1) \operatorname{ctg} z_1 \frac{\Delta a'}{\rho'} + \\ & + (\eta \cos a_1 - \xi \sin a_1) \frac{\Delta z'}{\rho' \sin^2 z_1}. \end{aligned}$$

Тогда

$$\begin{aligned} \delta A = & (\eta \sin a_1 + \xi \cos a_1) \operatorname{ctg} z_1 \frac{\Delta a'}{2\rho'} + \\ & + (\eta \cos a_1 - \xi \sin a_1) \frac{\Delta z'}{2\rho' \sin^2 z_1}. \end{aligned} \quad (6)$$

Принимая  $\Delta A = 0'',01$ ,  $\eta = \xi = 10''$ ,  $z_1 = 60^\circ$ , вычислим значения  $\Delta a$  и  $\Delta z$  по формулам:

$$\Delta a' = \frac{2\rho' \operatorname{tg} z_1}{\eta \sin a_1 + \xi \cos a_1} \delta A,$$

$$\Delta z' = \frac{2\rho' \sin^2 z_1}{\eta \cos a_1 - \xi \sin a_1} \delta A.$$

Результаты вычислений приведены в таблице.

Безусловно, полученные значения  $\Delta a$  и  $\Delta z$  только ориентировочно определяют точность, с которой необходимо выдерживать совпадение вертикалов и альмукунтаратов звезд пары. Слагающие отклонения отвесной линии  $\eta$  и  $\xi$  редко превышают  $10''$ . Кроме того, с поправкой  $\delta A$ , определяемой формулой (6), можно не считаться, если она не превышает  $0'',05$ .

В связи с этим достаточно, чтобы совпадение вертикалов и альмукунтаратов звезд пары, необходимое для исключения в азимуте поправки за отклонение отвеса, соблюдалось с точностью  $10' - 15'$ .

Указанное требование легко выполняется, если звезды наблюдаются в положениях, определяемых рабочими эфемеридами. Очевидно, что возможна также корректировка положения звезды относительно нитей сетки поля зрения трубы.

С этой точки зрения такой способ определения геодезического азимута получает практическую ценность.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. П. С. Закатов. Курс высшей геодезии. М., Геодезиздат, 1950
2. А. М. Старостин. Определение геодезического азимута из наблюдений прохождений звезд в меридиане. Труды ЦНИИГАиК, Вып. 147. М., 1962.

Работа поступила  
10 апреля 1965 г.